Soluzione Problema 2: Calculations of lattice energy of ionic compounds

1.1 Scrivere la reazione del litio con acqua:

$$Li + H_2O \rightarrow LiOH + H_2$$

1.2 Scrivere la reazione del litio con gli alogeni (Cl₂)

$$2 \operatorname{Li}(s) + \operatorname{Cl}_2(g) \rightarrow 2 \operatorname{LiCl}(s)$$

Scrivere la reazione del litio con acido solforico diluito ed acido solforico concentrato:

$$4 \text{ Li} + \text{H}_2\text{SO}_4 + 2 \text{ H}_2\text{O} \rightarrow \text{Li}_2\text{SO}_4 + 2 \text{LiOH} + 2 \text{ H}_2$$

 $2 \text{ Li} + \text{H}_2\text{SO}_4 \rightarrow \text{Li}_2\text{SO}_4 + \text{H}_2$

2.1 Calcolare l'energia reticolare in base al ciclo di Born-Haber

Il ciclo di Born-Haber si basa sul principio di Hess (additività delle entalpie) per cui si può impostare la risoluzione del problema scrivendo tutte le reazioni e sommando le relative entalpie con i relativi coefficienti:

Consideriamo dapprima la reazione globale del punto 1.2

$$2 \text{ Li (s)} + \text{Cl}_2 (g) \rightarrow 2 \text{ LiCl (s)}$$

In realtà avviene in più passaggi:

Li (s)
$$\rightarrow$$
 Li (g) $\Delta H_1 = 159 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ x 2 (x 2 poiché sono 2 le moli che reagiscono)}$

Li (g)
$$\rightarrow$$
 Li⁺ + e⁻ I = 5,40 eV
 $\Delta H_2 = 5.40 \text{ x } 1,602 \text{ x } 10^{-19} \text{ J x } 6,0221 \text{ x } 10^{23} = 521 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ x } 2$

$$Cl_2 \rightarrow 2 Cl \cdot \Delta H_3 = 242 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Cl· + e⁻
$$\rightarrow$$
 Cl⁻ I = -3,84 eV ΔH_4 = 3,84 x 1,602 x 10⁻¹⁹ J x 6,0221 x 10²³ = -370 x 2 kJ·mol⁻¹

2 Li (s) + Cl₂ (g)
$$\rightarrow$$
 2 LiCl (s) $\Delta H_{RX} = -402.3 \text{ x 2 kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$

Sommando i valori delle varie entalpie otteniamo:

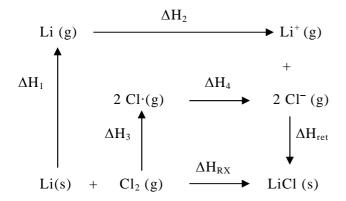
$$\Delta H_{RX} = \Delta H_1 + \Delta H_2 + \Delta H_3 + \Delta H_4 + \Delta H_{ret} = -402,3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

2.2 Calcolare l'energia reticolare in base alla formula di Born-Haber:

$$\begin{split} \Delta H_{ret} &= -\Delta H_1 - \Delta H_2 - \Delta H_3 - \Delta H_4 + \Delta H_{RX} \\ &= -159 \text{ x } 2 - 521 \text{ x } 2 - 242 + 370 \text{ x } 2 + 402,3 \text{ x } 2 \\ &= -427 \text{ x } 2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \end{split}$$

$$\Delta H_{ret} = -854 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Ora scriviamo il ciclo di Born-Haber:



Il calcolo eseguito con la formula di Kapustinskii è:

$$U_0 = -287.2 \frac{Z + Z - \sum v}{r + r -} \left(1 - \frac{0.345}{r + r -} \right)$$

Sostituendo nella formula al posto di Z le cariche di cationi e anioni (+1 e -1) e al posto di r i raggi di cationi e anioni (r_+ = 0,62 Å e r_- = 1,83 Å)

si ottiene il valore:

$$Uo = -201 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Per cui solo il calcolo con il ciclo di Born-Haber è in accordo con i dati sperimentali

Infine per calcolare il raggio teorico r degli ioni in un reticolo cubico a facce centrate nel quale gli ioni si toccano lungo la diagonale della faccia del cubo, si usa la relazione Diagonale(d) = 4 r

Dato che il lato del cubo è noto e vale l = 5,14 Å la diagonale vale $d = 1\sqrt{2}$ cioè d = 7,27 Å

Quindi il raggio ionico del cloro è:
$$r = d/4$$
 $r = \frac{7,27}{4}$ $r = 1,817 \text{ Å}$

Ora ragioniamo sul fatto che in un lato sono presenti gli ioni alternati Cl^- , Li^+ , Cl^- Quindi il lato vale: l=2 r +2 R dove r è il raggio del litio e R il raggio del cloro Risolvendo un'equazione di primo grado si ottiene r $(Li^+)=0,753$ Å in accordo con i dati sperimentali.

Soluzione proposta da Paicu Stefan Nicolae studente dell' ITAS Gallini di Voghera